



30⁺年创始人专注教育行业

全心全意 品质为真
QUANPIN ZHINENGZUOYE
• SUYANG CEPINGJUAN •

全品智能作业 QUANPIN ZHINENGZUOYE 素养测评卷

高中数学7 | 选择性必修第三册 RJB

主 编 肖德好



总定价：40.80元

印刷质检码20251400



绿色印刷产品

服务热线 400-0555-100

天津出版传媒集团
天津人民出版社

阶段素养测评卷（一）

时间：120 分钟

分值：150 分

范围：5.1~5.2

一、选择题：本题共 8 小题，每小题 5 分，共 40 分。在每小题给出的四个选项中，只有一项是符合题目要求的。

1. 在数列 $\{a_n\}$ 中，若 $a_n = \begin{cases} 2n-1, n \text{ 为奇数}, \\ 2^{n-1}, n \text{ 为偶数}, \end{cases}$ 则 $a_5 + a_6 =$ ()
- A. 17 B. 23
C. 25 D. 41
2. 已知数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n ，若 $a_1 = 1, a_n + a_{n+1} = n$ ，则 ()
- A. $S_2 = 2$ B. $S_{24} = 144$
C. $S_{31} = 243$ D. $S_{60} = 660$
3. 在数列 $\{a_n\}$ 中， $a_1 = 2, a_n = 2 - \frac{1}{a_{n-1}} (n \geq 2, n \in \mathbf{N}^*)$ ，则 $a_5 =$ ()
- A. $\frac{6}{5}$ B. $\frac{7}{6}$
C. $\frac{5}{4}$ D. $\frac{5}{6}$
4. 若数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_n = n \cos \frac{n\pi}{2}$ ，则 $\{a_n\}$ 的前 8 项和为 ()
- A. -4 B. 0
C. 4 D. 16
5. 已知数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1 = 0, a_2 = 1$ 。若数列 $\{a_{n-1} + a_n\} (n \in \mathbf{N}, n \geq 2)$ 是公差为 2 的等差数列，则 $a_{2024} =$ ()
- A. 2022 B. 2023
C. 2024 D. 2025
6. 已知数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_n = n - a (a \in \mathbf{R})$ ，则“ $a \leq 1$ ”是“ $\{|a_n|\}$ 是递增数列”的 ()
- A. 必要不充分条件
B. 充分不必要条件
C. 充要条件
D. 既不充分也不必要条件
7. 在数列 $\{a_n\}$ 中， $a_1 = 1, a_{n+1} = \begin{cases} a_n + 3, \frac{n}{3} \notin \mathbf{N}^*, \\ a_{n-1}, \frac{n}{3} \in \mathbf{N}^*, \end{cases}$ 则满足 $a_k < 2024 (k \in \mathbf{N}^*)$ 的 k 的最大值为 ()
- A. 1012 B. 2024
C. 1010 D. 2023

8. 对于各项均为正数的数列 $\{a_n\}$ ，定义 $G_n = \frac{a_1 + 2a_2 + 3a_3 + \cdots + na_n}{n}$ 为数列 $\{a_n\}$ 的“匀称值”。已知数列 $\{a_n\}$ 的“匀称值” $G_n = n + 2$ ，则 $a_{10} =$ ()

- A. $2\sqrt{3}$ B. $\frac{4}{5}$
C. 1 D. $\frac{21}{10}$

二、选择题：本题共 3 小题，每小题 6 分，共 18 分。在每小题给出的选项中，有多项符合题目要求，全部选对的得 6 分，部分选对的得部分分，有选错的得 0 分。

9. 在等差数列 $\{a_n\}$ 中，已知 $a_3 = 10, a_{11} = -6$ ，设 $\{a_n\}$ 的前 n 项和是 S_n ，公差为 d ，则下列结论正确的是 ()
- A. $a_7 = 2$ B. $S_{10} = 54$
C. $d = -2$ D. $\frac{S_7}{7} > \frac{S_8}{8}$
10. 下列说法中错误的是 ()
- A. 若 a, b, c 成等差数列，则 a^2, b^2, c^2 一定成等差数列
B. 若 a, b, c 成等差数列，则 $\log_2 a, \log_2 b, \log_2 c$ 一定成等差数列
C. 若 a, b, c 成等差数列，则 $a+2, b+2, c+2$ 一定成等差数列
D. 若 a, b, c 成等差数列，则 $2^a, 2^b, 2^c$ 一定成等差数列
11. 已知等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n ，若 $S_{13} > 0, S_{14} < 0$ ，则下列结论错误的是 ()
- A. $\{a_n\}$ 是递增数列
B. $a_7 > 0$
C. 当 S_n 取得最大值时， $n = 7$
D. $|a_7| > |a_8|$

请将选择题答案填入下表：

题号	1	2	3	4	5	6	7	8	总分
答案									
题号	9			10			11		
答案									

三、填空题：本题共 3 小题，每小题 5 分，共 15 分。

12. 已知数列 $\{a_n\}$ 的通项公式为 $a_n = 2^n - 20n (n \in \mathbf{N}_+)$ ，则数列 $\{a_n\}$ 的最小项为_____。(用具体数字作答)
13. 已知等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n ，若 $S_3 = 9, S_6 = 36$ ，则 $S_9 =$ _____。
14. 已知数列 $\{a_n\}$ 为等差数列， $a_3 = 3$ ，设 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 A_n ，且 $A_6 = 21$ ，数列 $\left\{\frac{1}{a_n}\right\}$ 的前 n 项和为 S_n ，若对任意 $n \in \mathbf{N}^*$ ， $S_{2n} - S_n > \frac{m}{16}$ 恒成立，则 m 能取到的最大整数是_____。

四、解答题：本题共 5 小题，共 77 分。解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤。

15. (13 分) 设数列 $\{a_n\}$ 是公差大于 0 的等差数列，已知 $a_1 = 3, a_2^2 = a_4 + 24$ 。

(1) 求数列 $\{a_n\}$ 的通项公式；

(2) 设数列 $\{b_n\}$ 满足 $b_n = \begin{cases} \sin a_n \pi (n \text{ 为奇数}), \\ \cos a_n \pi (n \text{ 为偶数}), \end{cases}$ 求 $b_1 + b_2 + \cdots + b_{2025}$ 。



16. (15 分)已知等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 S_n ,且 $a_2=-3,S_6=0$.

(1)求数列 $\{a_n\}$ 的通项公式;

(2)求使不等式 $S_n>a_n$ 成立的正整数 n 的最小值.
18. (17 分)已知各项均不为 0 的数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和为 $S_n,a_1=1$,
 $a_na_{n+1}=\lambda S_n-1$,其中 λ 为常数.

(1)证明: $a_{n+2}-a_n=\lambda$.

(2)是否存在 λ ,使得 $\{a_n\}$ 为等差数列? 并说明理由.
19. (17 分)设 S_n 为等差数列 $\{a_n\}$ 的前 n 项和,且 $a_2=15,S_5=65$.

(1)求数列 $\{a_n\}$ 的通项公式;

(2)设数列 $\{b_n\}$ 的前 n 项和为 T_n ,且 $T_n=S_n-10$,求数列 $\{|b_n|\}$ 的前 n 项和 R_n .

17. (15 分)已知数列 $\{a_n\}$ 满足 $a_1=1,a_2=4,a_{n+2}=2a_{n+1}-a_n+2$.

(1)证明 $\{a_{n+1}-a_n\}$ 是等差数列,并求 $\{a_n\}$ 的通项公式;

(2)设 $b_n=a_n+\frac{k}{a_n}$,若数列 $\{b_n\}$ 是递增数列,求实数 k 的取值范围.